



Eine Formel zur Bestimmung des Wochentags zu einem Datum:

1.) Bestimme A

$$A = [2,6 \cdot m - 0,2] + d + y + \left[\frac{y}{4} \right] + \left[\frac{c}{4} \right] + 5c$$

dabei ist

[x] die größte ganze Zahl unterhalb oder gleich x
 Bsp.: $[7,2] = 7$ $[5] = 5$ $[-6.9] = -7$

m die historische Monatsnummer
 1 für März,.....10 für Dezember, 11 für Januar, 12 für Februar

d die Nummer des Tages im Monat

c die Nummer des Jahrhunderts z.B. 1987 $\rightarrow c=19$

y Jahreszahl innerhalb des Jahrhunderts 1987 $\rightarrow y=87$

Vorsicht: Januar und Februar zählen noch zum alten Jahr!
 1.1.1900 $\rightarrow c=18; y=99$

2.) Berechne $w = A \text{ mod } 7$

Für den Wochentag gilt dann :

w	0	1	2	3	4	5	6
Tag	So	Mo	Di	Mi	Do	Fr	Sa

	$A = [2,6 \cdot 9 - 0,2] + 24 + 75 + \left[\frac{75}{4} \right] + \left[\frac{19}{4} \right] + 95$
24.11.1975	$= 23 + 24 + 75 + 18 + 4 + 95$
	$= 235$
	$w = 235 \text{ mod } 7 = 1 \quad \text{d.h. Montag}$

1.1.2000

$$\begin{aligned}
 A &= [2,6 \cdot 11 - 0,2] + 1 + 99 + \left[\frac{99}{4} \right] + \left[\frac{19}{4} \right] + 95 \\
 &= 28 + 1 + 99 + 24 + 4 + 95 \\
 &= 251 \\
 w &= 251 \bmod 7 = 6 \quad \text{d.h. Samstag}
 \end{aligned}$$

Diese Formel gilt für alle Daten ab der Einführung des Gregorianischen Kalenders ab Freitag dem 15.10.1582. Bei dieser Kalenderreform folgte auf Donnerstag, 4.10.1582 (Julianisches Datum) Freitag der 15.10.1582

15.10.1582

$$\begin{aligned}
 A &= [2,6 \cdot 8 - 0,2] + 15 + 82 + \left[\frac{82}{4} \right] + \left[\frac{15}{4} \right] + 75 \\
 &= 20 + 15 + 82 + 20 + 3 + 75 \\
 &= 215 \\
 w &= 215 \bmod 7 = 5 \quad \text{d.h. Freitag}
 \end{aligned}$$

Grund für diese Umstellung war eine verbesserte Schaltjahresregelung :

Im Julianischen Kalender war jedes Jahr ein Schaltjahr, dessen Jahreszahl mit 4 teilbar war.

Da die Umlaufzeit der Erde um die Sonne 365,2422 Tage beträgt macht man bei der Julianischen Definition in 400 Jahren einen Fehler von

$$400 \cdot (0,25 - 0,2422) = 3,12$$

3,12 Tagen. Im Gregorianischen Kalender lässt man deshalb alle 400 Jahre 3 Schalttage ausfallen:

Ein Jahrhundert ist nur ein Schaltjahr , wenn die Jahreszahl mit 400 teilbar ist !

Schaltjahre: 1600, 2000, 2400, 2800,.....

keine Schaltjahre : 1700,1800,1900,2100,2200,.....

Das Zuviel von 0,12 Tagen alle 400 Jahre macht sich erst nach $8\frac{1}{3} \cdot 400 \approx 3333$

Jahren also im Jahr $1600 + 3333 = 4933$ bemerkbar. Spätestens zu diesem Zeitpunkt muss über den Wegfall eines weitem Schalttages nachgedacht werden.

```
// Wochentag.java 13.02.02
// Bestimmt zu einem gegebenen Datum den zugehörigen Wochentag
// im Gregorianischen Kalender (ab Fr. 15.10.1582 )
```

```
import java.io.*;
import java.lang.*;
```

```
public class Wochentag
{
```

```
    static String WochentagNummerInString (int tagnummer)
    {
        switch (tagnummer){
            case 0: return "Sonntag";
            case 1: return "Montag";
            case 2: return "Dienstag";
            case 3: return "Mittwoch";
            case 4: return "Donnerstag";
            case 5: return "Freitag";
            case 6: return "Samstag";
            default: return "ungültiger Tag!";
        }
    }
}
```

```
static int MonatsnummerHistorisch(int monat )
{
    int m;
    if (monat>=3) {
        m=monat-2;
    }
    else {
        m=monat+10;
    }
    return m;
}
```

```
static int Jahreszahl_innerhalb_des_Jahrhunderts
                                   (int monat, int jahr )
{
    int y;
    if (monat<3)
    {
        jahr=jahr-1;    //Januar und Februar gehören noch zum alten Jahr
    }
    y=jahr % 100;
    return y;
}
```

```
static int Jahrhundertzahl(int monat, int jahr )
{
    int c;
    if (monat<3)
    {
        jahr=jahr-1;    //Januar und Februar gehören noch zum alten
        Jahr
    }
    c=jahr/100;
    return c;
}
```

```
static int Gauss(double x )
{
    int g;
    g=(int)Math.floor(x);
    return g;
}
```

```
static int TagEingeben () throws IOException
{
    int t;
    String str;
    BufferedReader eingabe = new BufferedReader(new
        InputStreamReader(System.in));
    System.out.println("Tagnummer eingeben :");
    str=eingabe.readLine();
    t=Integer.parseInt(str);

    return t;
}
```

```
static int MonatEingeben () throws IOException
{
    int m;
    String str;

    BufferedReader eingabe = new BufferedReader(new
        InputStreamReader(System.in));
    System.out.println("Monatsnummer eingeben :");
    str=eingabe.readLine();
    m=Integer.parseInt(str);

    return m;
}
```

```
static int JahrEingeben () throws IOException
{
    int y;
    String str;
    BufferedReader eingabe = new BufferedReader(new
        InputStreamReader(System.in));
    System.out.println("Jahreszahl eingeben :");
    str=eingabe.readLine();
    y=Integer.parseInt(str);

    return y;
}
```

```
static int WochentagNummerGregorianisch
                                   (int tag,int monat,int jahr)
{
    int d,m,y,c,A,w;

    d=tag;m=MonatsnummerHistorisch(monat );
    y=Jahreszahl_innerhalb_des_Jahrhunderts(monat,jahr )
    c=Jahrhundertzahl(monat,jahr );
    // System.out.println("d= "+d+" m= "+m+" y= "+y+" c= "+c );
    A=Gauss(2.6*m-0.2)+d+y+Gauss(y/4.0)+Gauss(c/4.0)+5*c;
    w=A%7;

    return w;
}
```

```
public static void main (String[ ] args) throws IOException
{
    System.out.println ("Das Programm gibt zu einem beliebigen
                        Datum ab Fr.  15.10.1582          ");
    System.out.println ("den zugehörigen Wochentag aus :   ");
    System.out.println ("-----");

    int tag,monat,jahr,wotagnr;

    tag =TagEingeben();
    monat=MonatEingeben();
    jahr =JahrEingeben();

    wotagnr=WochentagNummerGregorianisch(tag,monat,jahr);

    System.out.println ("Der "+tag+"."+monat+"."+jahr+"ist ein "
                        +WochentagNummerInString (wotagnr)      );
    System.out.println ("-----");

}

} // End of class
```



Für Interessierte die Herleitung der Formel für den Wochentag:
 (Ein mathematischer Leckerbissen !)

Der 1.3.1600 war ein Mittwoch und hat damit die Wochentagsnummer 3. Wegen $365 \text{ mod } 7 = 1$ gilt dann

Datum	Wochentagsnummer
1.3.1601	3+1=4
1.3.1602	3+2=5
1.3.1603	3+3=6
1.3.1604	(3+5)mod7=1
1.3.1605	(3+6)mod7=2
1.3.1606	(3+7)mod7=3
.....

in t Jahren gibt es $\left[\frac{t}{4} \right] - \left[\frac{t}{100} \right] + \left[\frac{t}{400} \right]$ Schaltjahre

Damit hat der 1.3.(1600+t) die Tagesnummer

$$n_{1600+t} = (3 + t + \left[\frac{t}{4} \right] - \left[\frac{t}{100} \right] + \left[\frac{t}{400} \right]) \text{ mod } 7$$

Schreibt man die Jahreszahl in der Form $100 \cdot c + y$ ($2002 = 100 \cdot 20 + 2$) so gilt:

$$1600 + t = 100c + y \quad \text{oder} \quad t = 100c - 1600 + y \quad \text{also}$$

$$t = 100(c-16) + y$$

Mit

$$\left[\frac{t}{4} \right] = \left[25(c-16) + \frac{y}{4} \right] = 25(c-16) + \left[\frac{y}{4} \right]$$

$$\left[\frac{t}{100} \right] = \left[(c-16) + \frac{y}{100} \right] = (c-16) + \left[\frac{y}{100} \right] = (c-16)$$

$$\left[\frac{t}{400} \right] = \left[\frac{(c-16)}{4} + \frac{y}{400} \right] = \left[\frac{(c-16)}{4} \right]; \quad \frac{y}{400} < \frac{1}{4} \text{ da } y \leq 99$$

gilt

n_{1600+t}

$$= (3 + 100(c-16) + y + 25(c - 16) \left[\frac{y}{4} \right] - (c - 16) + \left[\frac{c - 16}{4} \right]) \text{ mod } 7$$

$$= (3 - 1600 - 400 + 16 + y + 124c + \left[\frac{y}{4} \right] + \left[\frac{c - 16}{4} \right]) \text{ mod } 7$$

$$= (-1981 + 124c + y + \left[\frac{y}{4} \right] + \left[\frac{c}{4} \right] - 4) \text{ mod } 7$$

$$= (-1985 + 124c + y + \left[\frac{y}{4} \right] + \left[\frac{c}{4} \right]) \text{ mod } 7 ;$$

$$124c = 18 \cdot 7c - 2c ; -1985 = -284 \cdot 7 + 3$$

$$= (3 - 2c + y + \left[\frac{y}{4} \right] + \left[\frac{c}{4} \right]) \text{ mod } 7$$

Damit hat der 1.3.(100c+y) diese Tagesnummer n_{1600+t}

Führt man statt n_{1600+t} die Bezeichnung $(1.3.)_t$ ein so ergibt sich

$(1.3.)_t$	=	$((1.3.)_t + 0) \text{ mod } 7$
$(1.4.)_t$	=	$((1.3.)_t + 3) \text{ mod } 7$
$(1.5.)_t$	=	$((1.4.)_t + 2) \text{ mod } 7 = ((1.3.)_t + 5) \text{ mod } 7$
$(1.6.)_t$	=	$((1.5.)_t + 3) \text{ mod } 7 = ((1.3.)_t + 1) \text{ mod } 7$
$(1.7.)_t$	=	$((1.6.)_t + 2) \text{ mod } 7 = ((1.3.)_t + 3) \text{ mod } 7$
$(1.8.)_t$	=	$((1.7.)_t + 3) \text{ mod } 7 = ((1.3.)_t + 6) \text{ mod } 7$
$(1.9.)_t$	=	$((1.8.)_t + 3) \text{ mod } 7 = ((1.3.)_t + 2) \text{ mod } 7$
$(1.10.)_t$	=	$((1.9.)_t + 2) \text{ mod } 7 = ((1.3.)_t + 4) \text{ mod } 7$
$(1.11.)_t$	=	$((1.10.)_t + 3) \text{ mod } 7 = ((1.3.)_t + 0) \text{ mod } 7$
$(1.12.)_t$	=	$((1.11.)_t + 2) \text{ mod } 7 = ((1.3.)_t + 2) \text{ mod } 7$
$(1.1.)_t$	=	$((1.12.)_t + 3) \text{ mod } 7 = ((1.3.)_t + 5) \text{ mod } 7$
$(1.2.)_t$	=	$((1.1.)_t + 3) \text{ mod } 7 = ((1.3.)_t + 1) \text{ mod } 7$

Will man nun den Wochentag für ein beliebiges Datum d.m.100c+y erhalten (Monatsnummer historisch !) muss man folgendes berücksichtigen:

$$(1.3.)_{100c+y} = (3 - 2c + y + \left[\frac{y}{4} \right] + \left[\frac{c}{4} \right]) \bmod 7$$

$$(d.m.)_{100c+y} = (1.3.)_{100c+y} + r_m + (d-1)$$

$$(d.m.)_{100c+y} = ((2 + r_m) + d + y + \left[\frac{y}{4} \right] + \left[\frac{c}{4} \right] + 5c) \bmod 7$$

m	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
r_m+2	2	5	0	3	5	1	4	6	2	4	0	3

Interessanterweise gilt zufällig $r_m + 2 = \left[\frac{13m-1}{5} \right] \bmod 7 = [2,6 \cdot m - 0,2] \bmod 7$

und damit:

$$(d.m.)_{100c+y} = ([2,6m - 0,2] + d + y + \left[\frac{y}{4} \right] + \left[\frac{c}{4} \right] + 5c) \bmod 7$$